Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце:

ФИО: Баламирзоев Назим Лиодинович

Должность: Ректор

Дата подписания: 22.11.2025 21:17:02

Уникальный программный ключ:

5cf0d6f89e80f49a334f6a4ba58e91f3326b9926

Уровень образования\_\_\_\_\_

Приложение А

(обязательное к рабочей программе дисциплины)

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации ФГБОУ ВО «Дагестанский государственный технический университет»

# ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»

Бакалавриат

	(оакалавриат/магистратура/специалитет)
Направление подготовки бакалавриата/магистратуры/специальность	<b>09.03.03 — «Приклалная информатика»</b> (код, наименование направления подготовки/специальности)
Профиль направления подготовки/специализация	Приклалная информатика в лизайне (наименование)
Разработчик <u>41 - 5 г</u> подпись	Нурмагомедов А.М., к.ф-м.н., доцент (ФИО уч. степень, уч. звание)
Фонд оценочных средств обсужден на заседпротокол № 1	ании кафедры «Дизайн» «10» сентября 2023 г.
Зав. кафедрой	Абдулгалимов А.М., д.э.н., профессор пие)

СОДЕРЖАНИЕ	
1. Область применения, цели и задачи фонда оценочных средств	3
2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций, формируемых	
в процессе освоения дисциплины (модуля)	5
3. Типовые контрольные задания, иные материалы и методические	
рекомендации, необходимые для оценки сформированности компетенций в	
процессе освоения ОПОП	15
4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний,	
умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы	
формирования	20
компетенций	

#### 1. Область применения, цели и задачи фонда оценочных средств

Фонд оценочных средств (ФОС) является неотъемлемой частью рабочей программы дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся (в т.ч. по самостоятельной работе студентов, далее – СРС), освоивших программу данной дисциплины.

Целью фонда оценочных средств является установление соответствия уровня подготовки обучающихся требованиям  $\Phi\Gamma$ OC BO по направлению подготовки 09.03.03 – «Прикладная информатика».

Задачи фонда оценочных средств заключаются в контроле и оценке входных, текущих, промежуточных и остаточных знаний студента на соответствие их компетенциям, предусмотренным в рабочей программе дисциплины.

Рабочей программой дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» предусмотрено формирование следующих общепрофессиональных компетенций:

- ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности;
- ОПК-3. Способен решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно- коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности;
- ОПК-6. Способен анализировать и разрабатывать организационно- технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций, формируемых в процессе освоения дисциплины (модуля)

# 1.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения ОПОП

### 1.1.1. Перечень компетенций и планируемые результаты

В результате освоения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» обучающийся по направлению подготовки **09.03.03** – «Прикладная информатика» по профилю подготовки – «Прикладная информатика в дизайне», в соответствии с ФГОС ВО и ОПОП ВО должен обладать следующими компетенциями (см. таблицу 1):

Таблица 1- Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Категория (группа	Код и наименование	Код и наименование индикатора
общепрофессиональ	общепрофессионально	достижения общепрофессиональной
ных компетенций	й компетенции	компетенции
	ОПК-1. Способен	ОПК-1.1. Знает основы математики,
	применять	физики, вычислительной техники и
	естественнонаучные и	программирования.
	общеинженерные	ОПК-1.2. Умеет решать стандартные
	знания, методы	профессиональные задачи с применением
	математического	естественнонаучных и общеинженерных

анализа	изнаний, методов математического анализа
моделирования,	и моделирования.
теоретического	иОПК-1.3. Владеет навыками
экспериментального	теоретического и экспериментального
исследования	висследования объектов профессиональной
профессиональной	1
деятельности	деятельности.
ОПК-3. Способен	ОПК-3.1. Знает принципы, методы и
решать стандартные	средства решения стандартных задач
задачи	профессиональной деятельности на основе
профессиональной	информационной и библиографической
деятельности на	культуры с применением информационно-
основе	коммуникационных технологий и с учетом
информационной и	основных требований информационной
библиографической	безопасности.
культуры с	ОПК-3.2. Умеет решать стандартные
применением	задачи профессиональной деятельности на
информационно-	основе информационной и
коммуникационных	библиографической культуры с
технологий и с	применением информационно-
учетом основных	коммуникационных технологий и с учетом
требований	основных требований информационной
информационной	безопасности.
безопасности	ОПК-3.3. Владеет навыками подготовки
	обзоров, аннотаций, составления
	рефератов, научных докладов, публикаций,
	и библиографии по научно-
	исследовательской работе с учетом
	требований информационной
	безопасности.
ОПК-6. Способ	бен ОПК-6.1. Знает основы теории систем и
анализировать	исистемного анализа, дискретной
разрабатывать	математики, теории вероятностей и
организационно-	математической статистики, методов
технические	и оптимизации и исследования операций
экономические	нечетких вычислений, математического и
процессы	симитационного моделирования.
-	ов ОПК-6.2. Умеет применять методы теории
системного анализа	
математического	математического, статистического и
моделирования	имитационного моделированиядля
	автоматизации задач принятия решений,
	анализа информационных потоков, расчета
	экономической эффективности и
	надежности информационных систем и
	технологий.
	ОПК-6.3. Владеет навыками проведения
	инженерных расчетов основных
	показателей результативности создания и
	применения информационных систем и
	технологий.

### 2.1.2. Этапы формирования компетенций

Сформированность компетенций по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» определяется на следующих трех этапах:

- 1. Этап текущих аттестаций (текущие аттестации 1-3; СРС; КР)
- 2. Этап промежуточных аттестаций (зачет с оценкой)

Таблица 2 – Этапы формирования компетенций

Код компетенций по ФГОС	Этапы формирования компетенций по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»  СЕМЕСТРЫ  IV					
	Этап текущих аттестаций Этап промеж.аттест.					
	1-5 нед. 6-10 нед. 11-15 нед. 1-17 нед. 18-20 нед.					
	Текущая Текущая СРС КР		Промеж.аттест.			
	аттест.1	аттест.2	аттест.3	(творч.отч		(зачет)
	(контр.ра	(контр.раб.2	(контр.раб.3)	ет)	(поясн.за	
	б. 1)	)			п., ГМ)	
1	8	9	10	11	12	13
ОПК-1	+	+	+	+	-	+
ОПК-3	+	+	+	+		+
ОПК-6	+	+	+	+		+

СРС – самостоятельная работа студентов;

КР- курсовая работа;

ГМ – графический материал;

Знак «+» соответствует формированию компетенции.

### 1.2. Показатели уровней сформированности компетенций на этапах их формирования, описание шкал оценивания

# 2.2.1. Показатели уровней сформированности компетенций на этапах их формирования

Результатом освоения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» является установление одного из уровней сформированности компетенций: высокий, повышенный, базовый, низкий.

Таблица 3

Уровень	Универсальные компетенции	Общепрофессиональные/ профессиональные компетенции
Высокий	Сформированы четкие системные знания и	Обучающимся усвоена взаимосвязь основных
(оценка «отлично», «зачтено»)	представления по дисциплине.	понятий дисциплины, в том числе для решения
	Ответы на вопросы оценочных средств полные и	профессиональных задач.
	верные.	Ответы на вопросы оценочных средств
	Даны развернутые ответы на дополнительные	самостоятельны, исчерпывающие, содержание
	вопросы.	вопроса/задания оценочного средства раскрыто полно,
	Обучающимся продемонстрирован высокий	профессионально, грамотно. Даны ответы на
	уровень освоения компетенции	дополнительные вопросы.
		Обучающимся продемонстрирован высокий уровень
		освоения компетенции
Повышенный	Знания и представления по дисциплине	Сформированы в целом системные знания и
(оценка «хорошо», «зачтено»)	сформированы на повышенном уровне.	представления по дисциплине.
	В ответах на вопросы/задания оценочных средств	Ответы на вопросы оценочных средств полные,
	изложено понимание вопроса, дано достаточно	грамотные.
	подробное описание ответа, приведены и	Продемонстрирован повышенный уровень владения
	раскрыты в тезисной форме основные понятия.	практическими умениями и навыками.
	Ответ отражает полное знание материала, а также	Допустимы единичные негрубые ошибки по ходу
	наличие, с незначительными пробелами, умений и	ответа, в применении умений и навыков
	навыков по изучаемой дисциплине. Допустимы	
	единичные негрубые ошибки. Обучающимся продемонстрирован повышенный	
	уровень освоения компетенции	
Базовый	Ответ отражает теоретические знания основного	Обучающийся владеет знаниями основного материал
(оценка «удовлетворительно», «зачтено»)	материала дисциплины в объеме, необходимом для	на базовом уровне.
(	дальнейшего освоения ОПОП.	Ответы на вопросы оценочных средств неполные,
	Обучающийся допускает неточности в ответе, но	допущены существенные ошибки.

Уровень	Универсальные компетенции	Общепрофессиональные/ профессиональные компетенции
	обладает необходимыми знаниями для их	Продемонстрирован базовый уровень владения
	устранения.	практическими умениями и навыками,
	Обучающимся продемонстрирован базовый	соответствующий минимально необходимому уровню
	уровень освоения компетенции	для решения профессиональных задач
Низкий	Демонстрирует полное отсутствие теоретических зна	ний материала дисциплины, отсутствие практических
(оценка «неудовлетворительно»,	умений и навыков	
«не зачтено»)		

Показатели уровней сформированности компетенций могут быть изменены, дополнены и адаптированы к конкретной рабочей программе дисциплины.

### 2.2.2. Описание шкал оценивания

В ФГБОУ ВО «ДГТУ» внедрена модульно-рейтинговая система оценки учебной деятельности студентов. В соответствии с этой системой применяются пятибальная, двадцатибальная и стобальная шкалы знаний, умений, навыков.

Шка	лы оцени	вания	
пятибальная	двадцатибальная	стобальная	Критерии оценивания
«Отлично» - 5	«Отлично» - 18-20	«Отлично» - 85 –	Показывает высокий уровень сформированности компетенций, т.е.:  — продемонстрирует глубокое и прочное усвоение материала;  — исчерпывающе, четко, последовательно, грамотно и логически стройно излагает теоретический материал;  — правильно формирует определения;  — демонстрирует умения самостоятельной работы с нормативно-правовой литературой;  — умеет делать выводы по излагаемому материалу.
баллов	баллов	100 баллов	
«Хорошо» - 4 баллов	«Хорошо» - 15 - 17 баллов	«Хорошо» - 70 - 84 баллов	Показывает достаточный уровень сформированности компетенций, т.е.:  - демонстрирует достаточно полное знание материала, основных теоретических положений;  - достаточно последовательно, грамотно логически стройно излагает материал;  - демонстрирует умения ориентироваться в нормальной литературе;  - умеет делать достаточно обоснованные выводы по излагаемому материалу.
«Удовлетворительно»	«Удовлетворительно»	«Удовлетворительно»	Показывает пороговый уровень сформированности компетенций, т.е.:  — демонстрирует общее знание изучаемого материала;  — испытывает серьезные затруднения при ответах на дополнительные вопросы;  — знает основную рекомендуемую литературу;  — умеет строить ответ в соответствии со структурой излагаемого материала.
- 3 баллов	- 12 - 14 баллов	- 56 — 69 баллов	
«Неудовлетворительно»	«Неудовлетворительно»	«Неудовлетворительно»	Ставится в случае:
- 2 баллов	- 1-11 баллов	- 1-55 баллов	

# 2.2.3. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования

Таблица 4 - Этапы формирования компетенций очной (заочной) формы обучения

Код	Этап формирования компетенции очной формы обучения
компете	(заочной формы обучения), семестры
нции	
ОПК-1	4 (4)
ОПК-3	4 (4)
ОПК-6	4 (4)

# 2.2.4. Показатели и критерии оценивания компетенций

Таблица 5- Показатели компетенций по уровню их сформированности (зачет/экзамен)

		(зачет/экзамен)	
Показатели компетенци и (ий)	Критерий оценивани я	Шкала оценивания	Уровень сформированной компетенции
Знать (соответст	Знает	зачтено/отлично	высокий
вует таблице 1)		зачтено/хорошо	повышенный
,		зачтено/удовлетворительно	пороговый
	Не знает	не зачтено/неудовлетворительно	недостаточный
Умеет (соответст	Умеет	зачтено/отлично	высокий
вует таблице 1)		зачтено/хорошо	повышенный
,		зачтено/удовлетворительно	пороговый
	Не умеет	не зачтено/неудовлетворительно	недостаточный
Владеть (соответст	Владеет	зачтено/отлично	высокий
вует таблице 1)		зачтено/хорошо	повышенный
		зачтено/удовлетворительно	пороговый
	Не владеет	не зачтено/неудовлетворительно	недостаточный

Таблица 6 — Соотношение показателей и критериев оценивания компетенций со шкалой оценивания и уровнем их сформированности

Показатели компетенции (ий) (дескрипторы)	Калои оценивания и уровнем их еформированности Критерий оценивания	Уровень сформиров анной компетенц ии
	Показывает полные и глубокие знания, логично и аргументированно отвечает на все вопросы, в том числе дополнительные, показывает высокий уровень теоретическихзнаний	высокий
Знать (соответствует	Показывает глубокие знания, грамотно излагает ответ, достаточно полно отвечает на все вопросы, в том числе дополнительные. В то же время при ответе допускает несущественные погрешности	повышен ный
таблице 1)	Показывает достаточные, но не глубокие знания, при ответе не допускает грубых ошибок или противоречий, однако в формулировании ответа отсутствует должная связь между анализом, аргументацией и выводами. Для получения правильного ответа требуются уточняющие вопросы	пороговы й
	Показывает недостаточные знания, не способен аргументированно и последовательно излагатьматериал, допускает грубые ошибки, неправильно отвечает на дополнительные вопросы или затрудняется с ответом	недостато чный
Уметь	Умеет применять полученные знания для решения конкретных практических задач, способен предложить альтернативные решения анализируемых проблем, формулировать выводы	высокий
(соответствует таблице 1)	Умеет применять полученные знания для решения конкретныхпрактических задач, способенформулирова ть выводы, но не может предложить альтернативные решения анализируемых проблем	повышен ный
	При решении конкретных практических задач возникают затруднения	пороговый
	Не может решать практические задачи	недостаточн ый
	Владеетнавыками, необходимымидляпрофессионально й деятельности, способен оценить результат своейдеятельности	высокий
Владеть (соответствует таблице 1)	Владеет навыками, необходимыми для профессиональной деятельности, затрудняется оценить результатсвоейдеятельности	повышенный

Показывает дляпрофессио	слабые нальной до	навыки, еятельности	необходимые	пороговый
Отсутствие на	ВЫКОВ			недостаточн ый

### 2.2.5. Порядок аттестации обучающихся по дисциплине

Для аттестации обучающихся по дисциплине используется традиционная система оценки знаний.

По дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» в 4 семестре для очного и заочного обучения предусмотрен зачет с оценкой. Оценивание обучающегося представлено в таблицах 7.

Таблица 7
Применение системы оценки для проверки результатов итогового контроля (зачет с оценкой)

контроля (зачет с оценкои)					
Оценка	Критерии				
	оценки				
	имеет четкое представление о современных методах,				
	методиках итехнологиях, применяемых в				
«отлично»	рамках изучаемойдисциплины;				
	свободно и правильно оперирует предметной и				
	методической терминологией;				
	свободно владеет вопросами экзаменационного билета;				
	подтверждает теоретические знания практическими				
	примерами; дает развернутые ответы на задаваемые				
	дополнительные вопросы;				
	имеет собственные суждения о решении теоретических и				
	практических вопросов, связанных с профессиональной				
	деятельностью.				
имеет представление о современных методах, методиках и					
	технологиях, применяемых в рамках изучаемой дисциплины; знает предметную и методическую терминологию дисциплины; излагает ответы на вопросы экзаменационного билета,				
«хорошо»					
	ориентируясь на написанное им в экзаменационном листе;				
	подтверждает теоретические знания отдельными				
	практическими примерами;				
	дает ответы на задаваемые дополнительные вопросы.				
	имеет посредственное представление о современных методах,				
	методиках и технологиях, применяемых в рамках изучаемой				
	дисциплины;				
«удовлетворит	правильно оперирует основными понятиями;				
ельно»	отвечает на вопросы экзаменационного билета, главным образом,				
	зачитывая написанное в экзаменационном листе;				
	излагает, главным образом, теоретические знания по				
	вопросам экзаменационного билета;				
	не во всех случаях находит правильные ответы на				
	1				
	задаваемые дополнительные вопросы.				

	не имеет представления о современных методах, методиках и технологиях, применяемых в рамках изучаемой дисциплины;			
«неудовлетвор	не во всех случаях правильно оперирует основными понятиями;			
ительно»	отвечает на экзаменационные вопросы, зачитывая их с			
	экзаменационные вопросы излагает не в полной мере; не отвечает			
	на дополнительные вопросы			

# 2.2.6. Определение уровня сформированности компетенций в результате изучения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика»

Таблица 8 - Уровни сформированности компетенций

	Код	Уровни сформировани	ности компетенций	
	компетенци			
No	Й	Пороговый	Достаточный	Высокий
1	по ФГОС	2	4	F
1	2 OHIC 1	3	4	5
	ОПК-1	Знает	Знает	Знает
		основы математики,	основы	основы математики,
		физики, вычислительной	математики,	физики, вычислительной
		техники и	физики, вычислительной	техники и программирования
		программирования	техники и	полноценно
		системы слабо (на	программирования	(на высоком уровне, на
		пороговом уровне,	на достаточном	(па высоком уровне, на «отлично»).
		или	уровне	(() () () () () () () () () () () () ()
		на «	(на «хорошо»).	
		удовлетворительно»		
		).	Умеет	Умеет
		,	решать	решать стандартные
		Умеет	стандартные	профессиональные задачи
		решать стандартные	профессиональные	с применением
		профессиональные	задачи с	естественнонаучных и
		задачи с применением	применением	общеинженерных знаний,
		естественнонаучных	естественнонаучны	методов математического
		и общеинженерных	ХИ	анализа и моделирования
		знаний, методов	общеинженерных	полноценно.
		математического	знаний, методов	
		анализа и	математического	
		моделирования слабо.	анализа и	
			моделирования на достаточном	Владеет
			уровне.	, ,
		Владеет	уровне.	навыками теоретического и экспериментального
		навыками	Владеет	исследования объектов
		теоретического и	навыками	профессиональной
		экспериментального	теоретического и	деятельности полноценно.
		исследования	экспериментальног	
		объектов	о исследования	
		профессиональной	объектов	
		деятельности слабо.	профессиональной	
			деятельности на	

		достаточном	
		уровне.	
ОПК-3	Знает принципы,	Знает	Знает
	методы и средства	принципы, методы	принципы, методы и
	решения стандартных	и средства решения	средства решения
	задач	стандартных задач	стандартных задач
	профессиональной	профессиональной	профессиональной
	деятельности на	деятельности на	деятельности на основе
	основе	основе	информационной и
	информационной и	информационной и	библиографической
	библиографической	библиографической	культуры с применением информационно-
	культуры с	культуры с	
	применением информационно-	применением информационно-	коммуникационных технологий и с учетом
	коммуникационных технологий и с	коммуникационны х технологий и с	основных требований информационной
	учетом основных	учетом основных	безопасностиполноценно
	требований	требований	(на высоком уровне, на
	информационной	информационной	(на высоком уровне, на «отлично»).
	безопасности	безопасности <b>на</b>	«отлично»).
	слабо (на пороговом	достаточном	
	уровне, или	уровне	
	уровне, или на «	уровис («на «хорошо»).	
	удовлетворительно»	Умеет	
	удовистворительно»	решать	Умеет
	Умеет решать	стандартные задачи	решать стандартные
	стандартные задачи	профессиональной	задачи профессиональной
	профессиональной	деятельности на	деятельности на основе
	деятельности на	основе	информационной и
	основе	информационной и	библиографической
	информационной и	با تبا	культуры с применением
	библиографической	культуры с	информационно-
	культуры с	применением	коммуникационных
	применением	информационно-	технологий и с учетом
	информационно-	коммуникационны	основных требований
	коммуникационных	х технологий и с	информационной
	технологий и с	учетом основных	безопасности
	учетом основных	требований	полноценно.
	требований	информационной	
	информационной	безопасности на	
	безопасности слабо.	достаточном	
		уровне. Владеет	
	Владеет навыками	навыками	
	подготовки обзоров,	подготовки	Владеет
	аннотаций,	обзоров,	навыками подготовки
	составления	аннотаций,	обзоров, аннотаций,
	рефератов, научных	составления	составления рефератов,
	докладов,	рефератов,	научных докладов,
	публикаций, и	научных докладов,	публикаций, и
	библиографии по	публикаций, и	библиографии по научно-

	T	C C 1	
	научно-	библиографии по	исследовательской работе
	исследовательской	научно-	с учетом требований
	работе с учетом	исследовательской	информационной
	требований	работе с учетом	безопасности
	информационной	требований	полноценно.
	безопасности слабо.	информационной	
		безопасности на	
		достаточном	
		уровне.	
ОПК-6	Знает	Знает	Знает
	основы теории систем	основы теории	основы теории систем и
	и системного анализа,	систем и	системного анализа,
	дискретной	системного	дискретной математики,
	математики, теории	анализа,	теории вероятностей и
	вероятностей и	дискретной	математической
	математической	математики, теории	статистики, методов
	статистики, методов	вероятностей и	оптимизации и
	оптимизации и	математической	исследования операций,
	исследования	статистики,	нечетких вычислений,
	операций, нечетких	методов	математического и
	вычислений,	оптимизации и	имитационного
	математического и	исследования	моделированияполноценн
	имитационного	операций, нечетких	0
	моделирования <b>слабо</b>	вычислений,	(на высоком уровне, на
	(на пороговом	математического и	«отлично»).
	уровне, или	имитационного	,
	на «	моделированияна	
	удовлетворительно»	достаточном	
	).	уровне	Умеет
		(на «хорошо»).	применять методы теории
	Умеет	,	систем и системного
	применять методы	Умеет	анализа, математического,
	теории систем и	применять методы	статистического и
	системного анализа,	теории систем и	имитационного
	математического,	системного	моделирования для
	статистического и	анализа,	автоматизации задач
	имитационного	математического,	принятия решений,
	моделирования для	статистического и	анализа информационных
	автоматизации задач	имитационного	потоков, расчета
	принятия решений,	моделирования для	экономической
	принятия решении, анализа	автоматизации	эффективности и
	информационных	задач принятия	надежности
	потоков, расчета	решений, анализа	информационных систем и
	экономической	информационных	технологий полноценно.
	эффективности и	потоков, расчета	10AHOHOLHII HOJHUUUNU.
	надежности	экономической	
	информационных	эффективности и	
	систем и технологий	надежности	Вианост
	слабо.	информационных	Владеет
		систем и	навыками проведения
		технологий на	инженерных расчетов

		достаточном	основных показателей
	Владеет	уровне.	результативности
	навыками проведения		создания и применения
	инженерных расчетов	Владеет	информационных систем и
	основных показателей	навыками	технологий <b>полноценно.</b>
	результативности	проведения	
	создания и	инженерных	
	применения	расчетов основных	
	информационных	показателей	
	систем и технологий	результативности	
	слабо.	создания и	
		применения	
		информационных	
		систем и	
		технологий на	
		достаточном	
		уровне.	

# 3. Типовые контрольные задания, иные материалы и методические рекомендации, необходимые для оценки сформированности компетенций в процессе освоения ОПОП

## ФОНД ВОПРОСОВ ДЛЯ КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

#### Вопросы для входной контрольной работы

- 1. Проводится опыт, состоящий в том, что из тщательно перемешанной урны, где находятся 2 белых и 2 черных шара, выбирают наугад 3 шара. Какое количество равновероятных исходов опыта благоприятствуют событиям: А∨В, А∧В, А\В, где А=⟨среди выбранных шаров черных не более двух ⟩, В=⟨среди выбранных шаров черных более двух ⟩?
- 2. Проводится опыт, состоящий в том, что 5 одинаковых шаров наугад размещают в двух ящиках. Какое количество равновероятных исходов из общего числа исходов опыта благоприятствуют событиям: A∨B, A∧B, A\B, где A=⟨в первом ящике шаров больше, чем во втором ⟨, B=⟨во втором ящике более трех шаров⟩?
- 3. В цехе работают 2 мужчины и 1 женщина. По табельному номеру наугад выбраны 2 человека. Какое количество исходов из общего числа равновероятных исходов благоприятствуют событиям: : A∨B, A∧B, A\B, где A=⟨среди выбранных людей мужчин больше, чем женщин⟩, B=⟨отобрана хотя бы одна женщина⟩?
- 4. Проводится опыт , состоящий в том, что 3 раз подряд бросают симметричную монету. Какое количество из общего числа равновероятных исходов опыта благоприятствуют событиям: : A∨B, A∧B, A\B, A, где A=⟨»герб» выпал не более 2 раз ⟨, B=⟨»цифра» выпала более 1 раза ⟨?
- 5. Из пяти букв разрезной азбуки составлено слово «игрок». Ребенок, не умеющий читать , рассыпал буквы и затем собрал их в произвольном порядке. Найти вероятность того, что у него снова получится слово «игрок».

- 6. Имеется 6 шаров с номерами 1,2,3,4,5,6. Их наугад разместили в двух урнах, причем 3 шара в каждом. Найти вероятность того, что шары с номерами 1,3,5 окажутся в первой урне.
- 7. На студенческом вечере присутствуют 40 человек из них 5 с вашей группы. На вечере проводится некоторая игра, в которой должны участвовать 4 человека. Найти вероятность того, что наугад выбранные четыре игрока окажутся с вашей группы.
- 8. Некоторое устройство приводится в действие путем нажатия на все 6 кнопок в определенной последовательности. Найти вероятность того, что устройство приведется в действие при произвольном порядке нажатия кнопок.
- 9. Два стрелка стреляют по мишени. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле для первого стрелка равна 0,7, а для второго 0,8. Найти вероятность того, что при одном залпе в мишень попадает только один из выстрелов.
- 10. Отдел технического контроля проверяет изделия на стандартность. Вероятность того, что изделие стандартно, равна 0,9. Найти вероятность того, что из двух проверенных изделий только одно стандартное.
- 11. Из партии изделий товаровед отбирает изделия высшего сорта. Вероятность того, что наугад взятое изделие окажется высшего сорта, равна 0,8. Найти вероятность того, что из трех проверенных изделий только два изделия высшего сорта.
- 12. Вероятность одного попадания в цель при одном залпе из двух орудий равна 0,38. Найти вероятность поражения цели при одном выстреле первым из орудий, если известно, что для второго орудия эта вероятность равна 0,8.

#### Контрольные работы по проверке текущих знаний студентов

#### Контрольная работа №1

- 1. Опыт, случайный исход (случайное событие).
- 2. Пространство элементарных событий.
- 3. Свойства случайных событий.
- 4. Три определения вероятности.
- 5. Свойства вероятности.
- 6. Случайная величина (сл.в.).
- 7. Закон распределения сл.в. Нормальный закон распределения.
- 8. Условное распределение вероятностей, условная плотность распределения
- 9. Математическое ожидание,
- 10. дисперсия и их свойства.
- 11. Условное математическое ожидание.
- 12. Моменты n-го порядка, центральные моменты. Ковариация, коэффициент корреляции.
- 13. Нормальное распределение, распределение Пирсона, распределение ω<sup>2</sup>, распределение Фишера, распределение Стьюдента, распределение Колмогорова.
- 14. Преобразования функции распределения вероятностей сл.в.
- 15. Предельные теоремы: слабый
- 16. закон больших чисел, усиленный закон больших чисел, центральная предельная теорема\*.
- 17. Определение случайного процесса.
- 18. Задание случайного процесса с по мощью функции распределения сл.в. (системы сл.в.). Стационарный случай ный процесс. Автокорелляционная функция сл.п. Стационарный в широ ком смысле сл.п.
- 19. Марковский процесс.
- 20. Функция переходных вероятностей.
- 21. Однородный марковский процесс.

- 22. Цепи Маркова.
- 23. Задачи математической статистики.
- 24. Различие теории вероятностей и математической статистики.
- 25. Модели явлений, используемых в математической статистике. Генеральная совокупность. Выборка.
- 26. Теоретическая функция распределения вероятностей.
- 27. Вариационный и статистические ряды. Эмпирическая функция распределения.
- 28. Теорема Гливенко-Кантелли.
- 29. Гистограмма, полигон. Выборочные характеристики.
- 30. Точечные оценки и их свойства (состоятельность, несмещенность, эффективность).
- 31. Неравенство Рао-Крамера.
- 32. Метод моментов, метод максимального правдоподобия.
- 33. Интервальные оценки.
- 34. Доверительные интервалы. Примеры.

#### Контрольная работа №2

- 1. Статистическая гипотеза.
- 2. Параметрические и непараметрические гипотезы.
- 3. Простая и сложная гипотеза.
- 4. Статистический критерий, допустимая и критическая области, ошибки первого и второго рода, уровень значимости, мощность критерия, наиболее мощный критерий, статистика критерия\*.
- 5. Критерии независимости выборок. Методы проверки.
- 6. Критерии случайности выборки. Методы проверки.
- 7. Критерии однородности выборки. Методы проверки
- 8. Виды и взаимосвязи относительных величин.
- 9. Средние величины в экономическом анализе.
- 10. Простая статистическая группировка.
- 11. Вариация признаков.
- 12. Этапы изучения взаимосвязей.
- 13. Оценка парных связей. Сравнение параллельных рядов. Оценка взаимосвязи по результатам группировки.
- 14. Регрессионный анализ взаимосвязей
- 15. Проверка значимости параметров регрессии.
- 16. Теорема Берке.

#### Контрольная работа №3

- 1. Группировка наблюдений. Методы группировки. Обучающие выборки.
- 2. Меры сходства: коэффициент подобия, коэффициент связи, показатель расстояния.
- 3. Процедуры кластерного анализа.
- 4. Оптимизация состава групп.
- 5. Первичные признаки и факторы. Факторные нагрузки (нагрузки компонент).
- 6. Модель факторного анализа. Алгоритм выделения факторов. Содержательная интерпретация факторов.
- 7. Группировка объектов по главному фактору (компоненте).
- 8. Средняя длина очереди.
- 9. Шкалы измерения признаков: номинальная, порядковая и интервальная.
- 10. Направления анализа качественных признаков.
- 11. Подходы определения информативности признаков\*. Показатели информативности признаков\*.

- 12. Классы объектов. Обучающая выборка.
- 13. Дискриминантная функция. Дискриминантная ось.
- 14. Алгоритм дискриминантного анализа.
- 15. Зависимые и независимые признаки.
- 16. Блочная матрица парной линейной коррреляции.
- 17. Храктеристическое уравнение матрицы парной корреляции. Коэффициенты канонической корреляции, канонические нагрузки, квадраты канонических нагрузок, перекрестные канонические нагрузки.
- 18. Процедура канонического анализа.
- 19. Методы составления матриц перехода.
- 20. Задача построения матриц перехода с учетом прошлой (будущей) тенденции.
- 21. Пример.
- 22. Основные компоненты программных средств статистического анализа.
- 23. Порядок обработки результатов наблюдения на ПЭВМ.
- 24. Пакеты прикладных программ: «Эвриста», «Stadia», «Мезозавр».

#### ПЕРЕЧЕНЬ

# вопросов к диф. зачету по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»

- 1. Случайная величина(с.в.). Закон распределения вероятностей с.в.
- 2. Числовые характеристики с.в..
- 3. Случайный процесс(с.п.).
- 4. Стационарный с.п.
- 5. Марковский процесс. Функция переходных вероятностей.
- 6. Цепь Маркова.
- 7. Дискретная цепь Маркова.
- 8. Матрица переходных вероятностей.
- 9. Непрерывная цепь Маркова.
- 10. Генеральная совокупность.
- 11. Выборочное значение, выборка.
- 12. Теоретическая функция распределения.
- 13. Вариационный и статистический ряды.
- 14. Эмпирическая функция распределения.
- 15. Гистограмма и полигон.
- 16. Выборочные среднее, дисперсия и моменты.
- 17. Теорема Гливенко-Кантелли.
- 18. Закон нормального распределения, Распределение Пирсона, Распределение Стьюдента, Распределение Фишера, Распределение  $\omega^2$ , Распределение Колмогорова.
- 19. Свойства оценок.
- 20. Метод наибольшего правдоподобия.
- 21. Метод наименьших квадратов.
- 22. Доверительный интервал.
- 23. Множество наименьших доверительных интервалов.
- 24. Статистический критерий и статистическая гипотеза, допустимая и критическая области, ошибки первого и второго рода, мощность критерия.
- 25. Статистическая и функциональная зависимости.
- 26. Ковариация и коэффициент корреляции.
- 27. Линейная регрессия. Выборочные коэффициенты корреляции и регрессии.
- 28. Относительные показатели в статистике.

- 29. Коэффициенты Фехнера, Спирмэна, Кендэла, детерминации, Чупрова, Пирсона, контингеции, ассоциации, множественной корреляции.
- 30. Проверка значимости коэффициентов регрессии.
- 31. Кластерный анализ. Меры сходства элементов.
- 32. Схемы взаимосвязи элементов. Методы дендрита и коррелционных плеяд.
- 33. Метод шаров.
- 34. Оптимизация состава групп при неирархической (структурной) классификации признаков.
- 35. Методы факторного и компонентного анализа.
- 36. Методы оценки информативности признаков. Факторизация качественных признаков.
- 37. Метод дискриминантного анализа.
- 38. Анализ канонической корреляции.

# Перечень вопросов по проверке остаточных знаний по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»

- 1. Дайте определения случайного события и случайной величины.
- 2. Дайте определение вероятности.
- 3. Дайте определение функции распределения.
- 4. Назовите основные функции распределения вероятностей сл. в.
- 5. Перечислите свойства условного математического ожидания сл. в.
- 6. Дайте определение характеристической функции сл.в.и назовите свойства характеристической функции.
- 7. Дайте определение производящей функции распределения вероятностей и назовите свойства производящей функции.
- 8. Дайте определение преобразования Лапласа функции распределения вероятностей и назовите свойства преобразования Лапласа.
- 9. Сформулируйте слабый закон больших чисел.
- 10. Сформулируйте центральную предельную теорему.
- 11. Дайте определение случайного процесса (сл. п.)
- 12. Что общего между сл. в. и сл. п. и чем они отличаются?
- 13. Определите сл. п., стационарные в узком и широком смысле.
- 14. Дайте определение марковского процесса.
- 15. Что называется матрицей переходных вероятностей?
- 16. Дайте определение цепи Маркова.
- 17. Генеральная совокупность, выборочное значение, выборка, теоретическая функция распределения.
- 18. Выборочные среднее, дисперсия и моменты.
- 19. Теорема Гливенко-Кантелли.
- 20. Закон нормального распределения.
- 21. Распределение Пирсона.
- 22. Распределение Стьюдента.
- 23. Распределение Фишера.
- 24. Распределение  $\omega^2$  .
- 25. Распределение Колмогорова.
- 26. Свойства статистических оценок.
- 27. Идея метода наибольшего правдоподобия.
- 28. Идея метода наименьших квадратов.
- 29. Что понимается под доверительным интервалом?
- 30. Что понимается под множеством наименьших доверительных интервалов.
- 31. Насколько здесь существенным является предположение о нормальном законе распределения случайной величины для нахождения её математического ожидания?

- 32. Какие ошибки измерения называются: а)случайными; б) систематическими?
- 33. Является ли существенным принадлежность доверительных границ доверительному интервалу?
- 34. Что называется статистическим критерием и статистической гипотезой?
- 35. Что понимается допустимой и критической областями?
- 36. Что понимается под ошибкой первого и второго рода?
- 37. В чем заключается правило проверки гипотез?
- 38. Что понимается под мощностью критерия?
- 39. Чем отличается статистическая зависимость от функциональной?
- 40. Как связаны между собой дисперсия и ковариация случайной величины?
- 41. Указать связь между ковариацией и коэффициентом корреляции.
- 42. Насколько полно характеризует меру зависимости случайных величин ковариация?
- 43. Что понимается под коэффициентом регрессии?
- 44. Как меняются коэффициенты корреляции и регрессии при изменении масштаба и сдвиге случайных величин?
- 45. Основные этапы изучения взаимосвязей.
- 46. Основные методы анализа взаимосвязей.
- 47. Основные методы группировки.
- 48. Понятие дендрита.
- 49. Основные меры сходства при кластерном анализе.
- 50. Отличие факторного анализа от кластерного.
- 51. Зависимые и независимые признаки.
- 52. Условия реализации процедуры канонической корреляции.
- 53. Содержание постановки задачи прогнозирования структурных изменений.

# 4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций

В качестве методического материала рекомендуется использовать:

- 1. Положение о  $\Phi$ ОС в  $\Phi$ ГБОУ ВО «Дагестанский государственный технический университет» .
- 2. Положение ФГБОУ ВО «Дагестанский государственный технический университет» о модульно-рейтинговой системе оценки учебной деятельности студентов.
  - 3. Процедура проведения оценочных мероприятий.

#### 4.1. Процедура проведения оценочных мероприятий

4.1.1. Текущий контроль представляет собой проверку усвоения учебного материала теоретического и практического характера, регулярно осуществляемую на протяжении семестра. К основным формам текущего контроля (текущей аттестации) можно отнести устный опрос, письменные задания, контрольные работы.

Основные этапы текущего контроля:

- в конце каждой лекции или практического занятия студентам выдаются задания для внеаудиторного выполнения по соответствующей теме;
- срок выполнения задания устанавливается по расписанию занятий (к очередной лекции или практическому занятию);

- студентам, пропускающим занятия, выдаются дополнительные задания представить конспект пропущенного занятия, написанный «от руки» с последующим собеседованием по теме занятия;
- подведение итогов контроля проводится по графику проведения текущего контроля;
- результаты оценки успеваемости заносятся в рейтинговую ведомость и доводятся до сведения студентов;
- студентам не получившим зачетное количество баллов по текущему контролю выдается дополнительные задания на зачетном занятии в промежуточную аттестацию.

К достоинствам данного типа относится его систематичность, непосредственно коррелирующаяся с требованием постоянного и непрерывного мониторинга качества обучения, а также возможность балльно-рейтинговой оценки успеваемости обучающихся.

Недостатком является фрагментарность и локальность проверки. Компетенцию целиком, а не отдельные ее элементы (знания, умения, навыки) при подобном контроле проверить невозможно.

4.1.2. Промежуточная аттестация, как правило, осуществляется в конце семестра и может завершать изучение, как отдельной дисциплины, так и ее раздела (разделов).

Промежуточная аттестация помогает оценить более крупные совокупности знаний и умений, в некоторых случаях — даже формирование определенных профессиональных компетенций.

Достоинства: помогает оценить более крупные совокупности знаний и умений, в некоторых случаях – даже формирование определенных профессиональных компетенций.

Основные формы промежуточной аттестации: зачет и экзамен.

Текущий контроль и промежуточная аттестация традиционно служат основным средством обеспечения в учебном процессе «обратной связи» между преподавателем и обучающимся, необходимой для стимулирования работы обучающихся и совершенствования методики преподавания учебных дисциплин.

Основные этапы промежуточной аттестации:

- зачетное занятие (экзамен) проводится по расписанию сессии;
- форма проведения занятия письменная контрольная работа;
- вид контроля фронтальный;
- требование к содержанию контрольной работы дать краткий ответ на поставленный вопрос (задание);
- количество вопросов в зачетном задании;
- итоговая оценка определяется как сумма оценок, полученных в текущей аттестации и по результатам написания контрольной работы;
- проверка ответов и объявление результатов производится в день написания контрольной работы;
- результаты аттестации заносятся в экзаменационно-зачетную ведомость и зачетную книжку студента (при получении зачета).

Студенты, не прошедшие промежуточную аттестацию по графику сессии, должны ликвидировать задолженность в установленном порядке.

При первой попытке ликвидации задолженности, во время зачетной недели или в течение сессии, студенту выдаются все задания по текущему контролю и промежуточной аттестации, по которым он не смог набрать зачетное количество баллов.

При ликвидации задолженности после сессии студенту выдаются для выполнения все задания по текущему контролю, кроме аналитического обзора, если он выполнен ранее, и вопросы зачетного занятия промежуточной аттестации, включая дополнительные вопросы по теме аналитического обзора.